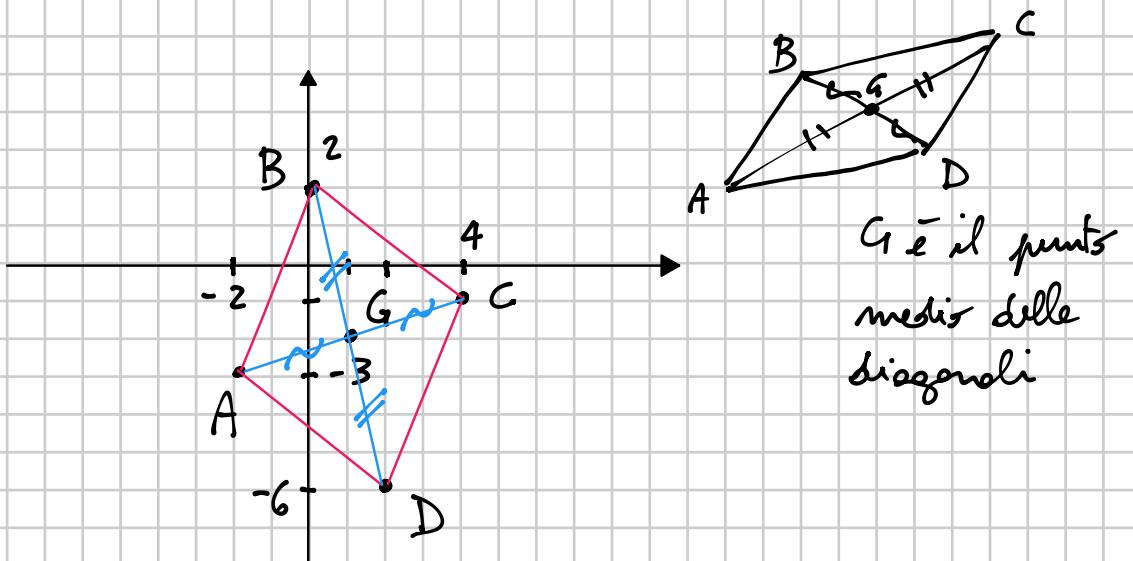


- 77 Di un parallelogramma conosci i vertici $A(-2, -3)$, $B(0, 2)$ e il centro $G(1, -2)$. Determina gli altri due vertici.
 $[C(4, -1), D(2, -6)]$



$$x_G = \frac{x_A + x_C}{2} \Rightarrow x_C = 2x_G - x_A = 2 \cdot 1 - (-2) = 4$$

$$y_C = 2y_G - y_A = 2 \cdot (-2) - (-3) = -4 + 3 = -1$$

$$x_D = 2x_G - x_B = 2 \cdot 1 - 0 = 2$$

$$y_D = 2y_G - y_B = 2 \cdot (-2) - 2 = -4 - 2 = -6$$

$$\Rightarrow C(4, -1)$$

$$\Rightarrow D(2, -6)$$

101 Tre vertici consecutivi di un parallelogramma $ABCD$ sono $A(-2, 2)$, $B(0, 4)$ e $C(4, 1)$. Determina:

- le coordinate del vertice D ;
- il perimetro del parallelogramma che ha come vertici i punti medi dei lati di $ABCD$.

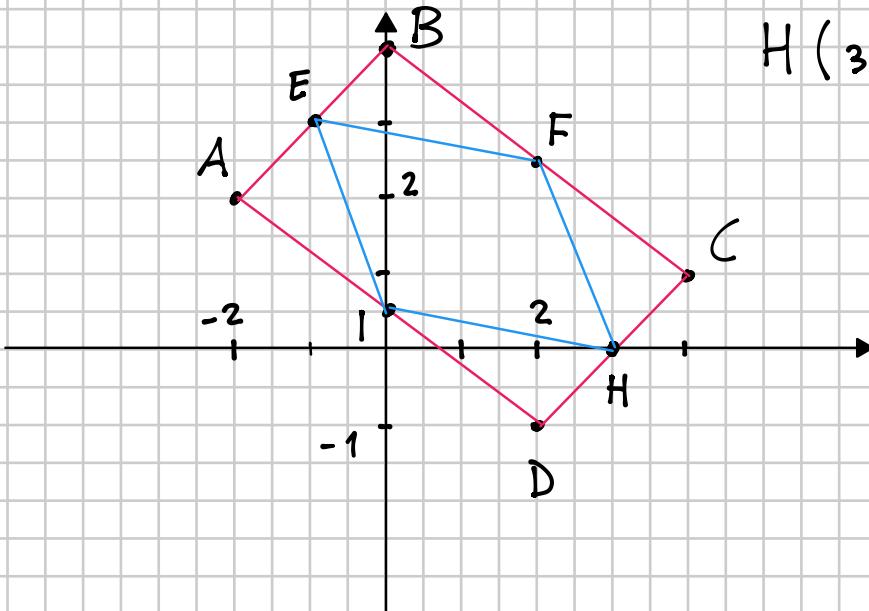
[a. $D(2, -1)$; b. $\sqrt{29} + \sqrt{37}$]

$E(-1, 3)$

$I(0, \frac{1}{2})$

$F(2, \frac{5}{2})$

$H(3, 0)$



Troviamo il centro G , punto medio di AC

$$G\left(\frac{-2+4}{2}, \frac{2+1}{2}\right) = \left(1, \frac{3}{2}\right)$$

D è il simmetrico di B rispetto a G

$$x_D = 2x_G - x_B = 2 \cdot 1 - 0 = 2 \quad \Rightarrow \quad D(2, -1)$$

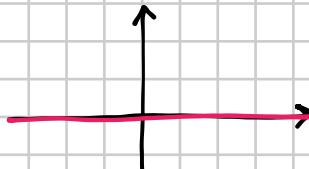
$$y_D = 2y_G - y_B = 2 \cdot \frac{3}{2} - 4 = -1$$

$$\begin{aligned} 2P_{EFHI} &= 2(EF + FH) = 2\left(\sqrt{(-1-2)^2 + \left(3-\frac{5}{2}\right)^2} + \sqrt{(2-3)^2 + \left(\frac{5}{2}-0\right)^2}\right) = \\ &= 2\left(\sqrt{(-3)^2 + \left(\frac{6-5}{2}\right)^2} + \sqrt{(-1)^2 + \frac{25}{4}}\right) = \\ &= 2\left(\sqrt{9 + \frac{1}{4}} + \sqrt{1 + \frac{25}{4}}\right) = 2\left(\sqrt{\frac{37}{4}} + \sqrt{\frac{29}{4}}\right) = \\ &= 2\left(\frac{\sqrt{37}}{\sqrt{4}} + \frac{\sqrt{29}}{\sqrt{4}}\right) = 2\left(\frac{\sqrt{37}}{2} + \frac{\sqrt{29}}{2}\right) = \sqrt{37} + \sqrt{29} \end{aligned}$$

ESERCIZIO

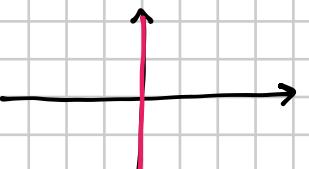
Trovare i punti di intersezione con gli assi cartesiani della retta $y = 6x - 5$

ASSE x ha eq. $y = 0$



asse x = insieme dei punti con $y = 0$

ASSE y ha eq. $x = 0$



asse y = insieme dei punti con $x = 0$

$$\begin{cases} y = 6x - 5 \\ y = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 0 = 6x - 5 \\ y = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \frac{5}{6} \\ y = 0 \end{cases}$$

$$A\left(\frac{5}{6}, 0\right)$$

INTERSEZIONE con
l'asse x

$$\begin{cases} y = 6x - 5 \\ x = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y = 6 \cdot 0 - 5 = -5 \\ x = 0 \end{cases}$$

$$B(0, -5)$$

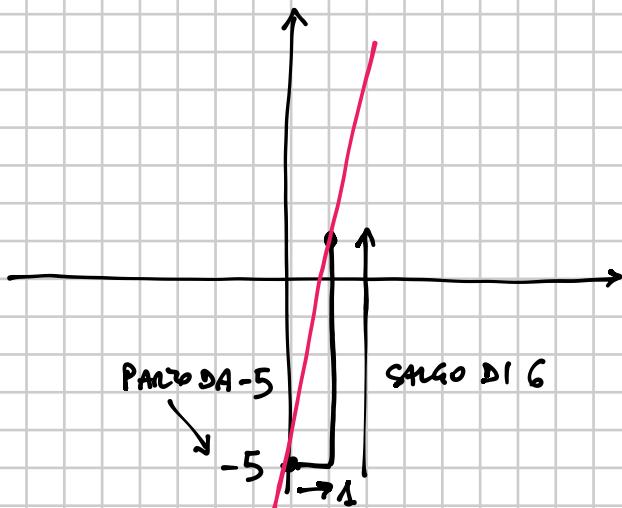
INTERSEZIONE con
l'asse y

$$y = 6x - 5$$

$$\begin{array}{c|c} x & y \\ \hline 0 & -5 \\ \frac{5}{6} & 0 \end{array}$$

In modo veloce

Per disegnare velocemente $y = 6x - 5$ in forma esplicita



187

$$y = 3x + 3$$

INT.

ASSE X

$$\begin{cases} y = 3x + 3 \\ y = 0 \end{cases}$$

Trovare le intersezioni con gli assi
Cartesiani e tracciare il grafico

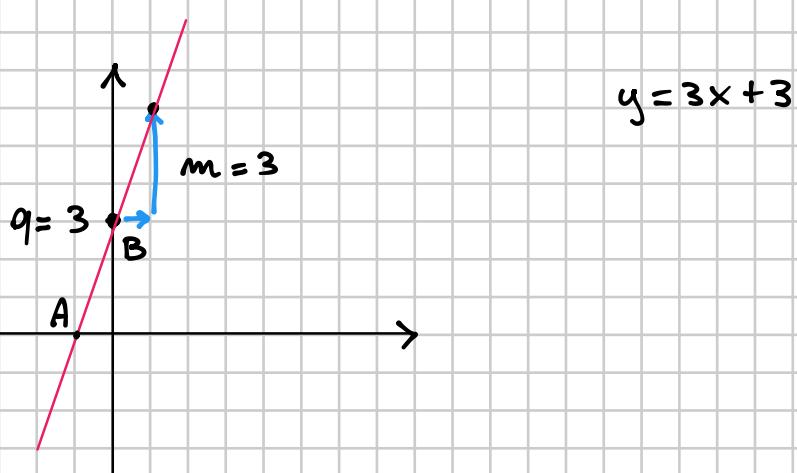
$$\begin{cases} 0 = 3x + 3 \\ y = 0 \end{cases} \quad \begin{cases} x = -1 \\ y = 0 \end{cases}$$

$$A(-1, 0)$$

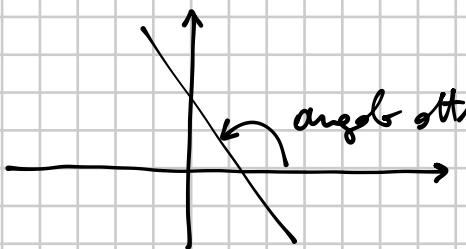
INT.

ASSE Y

$$\begin{cases} y = 3x + 3 \\ x = 0 \end{cases}$$

$$B(0, 3)$$


- 199 È data la funzione $y = (2k+4)x + 2k+1$, con $k \in \mathbb{R}$. Stabilisci per quali valori di k la retta grafico della funzione forma con l'asse x un angolo ottuso.

$$[k < -2]$$


angolo ottuso $\Rightarrow m < 0$

$$2k+4 < 0$$

$$2k < -4$$

$$k < -2$$