

$$\sqrt{3} \sin\left(x + \frac{4}{3}\pi\right) + \sin\left(x - \frac{7}{6}\pi\right) + 2 = 0$$

$$\left[\frac{\pi}{3} + 2k\pi\right]$$

$$\sqrt{3} \left[\sin x \cos \frac{4}{3}\pi + \cos x \sin \frac{4}{3}\pi \right] + \sin x \cos \frac{7}{6}\pi - \cos x \sin \frac{7}{6}\pi$$

$$+ 2 = 0$$

$$\frac{4}{3}\pi = \pi + \frac{\pi}{3}$$

$$\frac{7}{6}\pi = \pi + \frac{\pi}{6}$$

$$\sqrt{3} \left[\sin x \left(-\cos \frac{\pi}{3}\right) + \cos x \left(-\sin \frac{\pi}{3}\right) \right] + \sin x \left(-\cos \frac{\pi}{6}\right) - \cos x \left(-\sin \frac{\pi}{6}\right)$$

$$+ 2 = 0$$

$$\sqrt{3} \left[-\frac{1}{2} \sin x - \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x \right] - \frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x + 2 = 0$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{3}{2} \cos x - \frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x + 2 = 0$$

$$-\sqrt{3} \sin x - \cos x = -2$$

$$\sqrt{3} \sin x + \cos x = 2$$

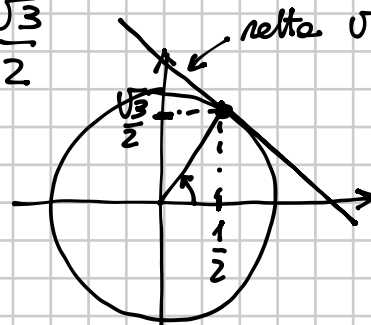
$$X = \cos x \quad Y = \sin x$$

$$\begin{cases} X^2 + Y^2 = 1 \\ \sqrt{3}Y + X = 2 \end{cases} \quad \begin{cases} (2 - \sqrt{3}Y)^2 + Y^2 = 1 \\ X = 2 - \sqrt{3}Y \end{cases} \quad \begin{cases} 4 + 3Y^2 - 4\sqrt{3}Y + Y^2 = 1 \\ // \end{cases}$$

$$4Y^2 - 4\sqrt{3}Y + 3 = 0 \quad \frac{\Delta}{4} = 12 - 12 = 0$$

$$(2Y - \sqrt{3})^2 = 0 \Rightarrow Y = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\begin{cases} X = 2 - \frac{3}{2} = \frac{1}{2} \\ Y = \frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases} \quad \begin{cases} \cos x = \frac{1}{2} \\ \sin x = \frac{\sqrt{3}}{2} \end{cases}$$



$$x = \frac{\pi}{3} + 2k\pi$$

ALTRO METODO DI RISOLUZIONE DELLE EQUAZIONI LINEARI

247 $\cos x - \sqrt{3} \sin x = 1$ $\left[2k\pi; -\frac{2}{3}\pi + 2k\pi \right]$

⇓
SOSTITUZIONI
PARAMETRICHE

1° PASSO = Controllare se $\pi + 2K\pi$ è
soluzione dell'equazione

$$\begin{aligned} \cos \pi - \sqrt{3} \cdot \sin \pi &\stackrel{?}{=} 1 \\ -1 - \sqrt{3} \cdot 0 &= 1 \end{aligned}$$

$$-1 = 1 \text{ FALSO}$$

$\pi + 2K\pi$ NON è soluzione

$$\cos x = \frac{1-t^2}{1+t^2} \quad t = \tan \frac{x}{2}$$

$$\sin x = \frac{2t}{1+t^2} \quad x \neq \pi + 2k\pi$$

2° PASSO

$$\frac{1-t^2}{1+t^2} - \sqrt{3} \frac{2t}{1+t^2} = 1$$

$$\frac{1-t^2 - 2\sqrt{3}t}{1+t^2} = \frac{1+t^2}{1+t^2}$$

$$-2t^2 - 2\sqrt{3}t = 0$$

$$t^2 + \sqrt{3}t = 0 \quad t(t + \sqrt{3}) = 0 \quad \begin{cases} t=0 \\ t=-\sqrt{3} \end{cases}$$

$$t = \tan \frac{x}{2}$$

$$\tan \frac{x}{2} = 0 \quad \vee \quad \tan \frac{x}{2} = -\sqrt{3}$$

$$\frac{x}{2} = K\pi \quad \vee \quad \frac{x}{2} = -\frac{\pi}{3} + K\pi$$

$$\boxed{x = 2K\pi \quad \vee \quad x = -\frac{2}{3}\pi + 2K\pi}$$

$$\sqrt{3} \sin x + \cos x + 1 = 0$$

1° PASSO = CONTROLLO $x = \pi + 2k\pi$

$$\sqrt{3} \sin \pi + \cos \pi + 1 \stackrel{?}{=} 0$$

$$0 + (-1) + 1 = 0 \quad \underline{\underline{OK}}$$

$$x = \pi + 2k\pi$$

È SOLUZIONE

2° PASSO = SOSTITUZIONE PARAMETRICA

$$\sqrt{3} \frac{2t}{1+t^2} + \frac{1-t^2}{1+t^2} + 1 = 0$$

$$\frac{2\sqrt{3}t + 1 - \cancel{t^2} + 1 + \cancel{t^2}}{1 + \cancel{t^2}} = 0$$

$$2\sqrt{3}t + 2 = 0$$

$$2\sqrt{3}t = -2$$

$$t = -\frac{1}{\sqrt{3}} = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\tan \frac{x}{2} = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\frac{x}{2} = -\frac{\pi}{6} + k\pi$$

$$x = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi$$

soluzione finale \Rightarrow

$$x = \pi + 2k\pi \quad \vee \quad x = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi$$

Si potrebbe anche usare il metodo dell'angolo aggiunto per trasformare un'equazione del tipo $a \cos x + b \sin x = c$ in una del tipo $r \sin(x + \varphi) = c$
($r > 0$)

251

$$\sqrt{3} \sin x + \cos x = \sqrt{3}$$

(FATTA IERI COL METODO GRAFICO)

CONTROLO $\sqrt{3} \sin \pi + \cos \pi \stackrel{?}{=} \sqrt{3}$

$$0 - 1 = \sqrt{3} \text{ FALSO!}$$

$$x = \pi + 2k\pi$$

NON È SOLUZIONE

$$\sqrt{3} \frac{2t}{1+t^2} + \frac{1-t^2}{1+t^2} = \sqrt{3}$$

$$\frac{2\sqrt{3}t + 1 - t^2}{1+t^2} = \frac{\sqrt{3}(1+t^2)}{1+t^2}$$

$$2\sqrt{3}t + 1 - t^2 = \sqrt{3} + \sqrt{3}t^2$$

$$(\sqrt{3}+1)t^2 - 2\sqrt{3}t + \sqrt{3} - 1 = 0 \quad \Delta = 3 - (\sqrt{3}+1)(\sqrt{3}-1) =$$

$$= 3 - (3-1) = 1$$

$$t = \frac{\sqrt{3} \pm 1}{\sqrt{3} + 1} = \begin{cases} 1 \\ \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}+1} \cdot \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}-1} = \frac{3+1-2\sqrt{3}}{3-1} = \frac{4-2\sqrt{3}}{2} = 2-\sqrt{3} \end{cases}$$

$$\tan \frac{x}{2} = 1 \quad \vee \quad \tan \frac{x}{2} = 2 - \sqrt{3}$$

HO BISOGNO
DEL FORMULARIO!

$$\frac{x}{2} = \frac{\pi}{4} + k\pi \quad \vee \quad \frac{x}{2} = \frac{\pi}{12} + k\pi$$

$$x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi \quad \vee \quad x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi$$