

Determina se ognuna delle seguenti equazioni corrisponde a una circonferenza; in caso affermativo disegna la circonferenza, dopo aver determinato il centro e il raggio.

18 a. $x^2 + y^2 + 1 = 0$;

b. $x^2 + y^2 - 1 = 0$;

c. $6x^2 + 6y^2 - 24 = 0$.

19 a. $(x-1)^2 + y^2 = 4$;

b. $x^2 + 2y^2 + x + 3y - 5 = 0$;

c. $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2 = 0$.

20 a. $x^2 + y^2 + 2xy + 3 = 0$;

b. $3x^2 - 3y^2 + x + y + 1 = 0$;

c. $x^2 + y^2 - 6x + 2y - 6 = 0$.

18 a) $x^2 + y^2 + 1 = 0 \Rightarrow x^2 + y^2 = -1 \text{ NO}$

b) $x^2 + y^2 - 1 = 0 \Rightarrow x^2 + y^2 = 1 \quad (x-0)^2 + (y-0)^2 = 1^2$

Centro $O(0,0)$ $r=1$

c) $6x^2 + 6y^2 - 24 = 0 \xrightarrow{\substack{\text{DIVISO} \\ \text{PER } 6}} x^2 + y^2 - 4 = 0 \quad x^2 + y^2 = 4$
 $(x-0)^2 + (y-0)^2 = 2^2$

Centro $O(0,0)$ $r=2$

19 a) $(x-1)^2 + y^2 = 4 \quad (x-1)^2 + (y-0)^2 = 2^2 \quad \text{Centro } C(1,0) \quad r=2$

b) $x^2 + 2y^2 + x + 3y - 5 = 0 \quad \text{NO} \quad \text{perché i coefficienti di } x^2 \text{ e } y^2 \text{ sono diversi}$

c) $x^2 + y^2 - 2x - 2y - 2 = 0 \quad C(1,1) \quad r = \sqrt{1^2 + 1^2 - (-2)} = \sqrt{2+2} = 2$

\downarrow
 $x^2 - 2x + 1 - 1 + y^2 - 2y + 1 - 1 - 2 = 0$

$(x-1)^2 + (y-1)^2 - 1 - 1 - 2 = 0 \Rightarrow (x-1)^2 + (y-1)^2 = 4$
 $\boxed{2^2}$

20 a) $x^2 + y^2 + 2xy + 3 = 0 \quad \text{NO} \quad \text{perché c'è un termine } 2xy$

b) $3x^2 - 3y^2 + x + y + 1 = 0 \quad \text{NO} \quad \text{perché } x^2 \text{ e } y^2 \text{ hanno coeff. diversi}$

c) $x^2 + y^2 - 6x + 2y - 6 = 0 \quad C(3, -1) \quad r = \sqrt{9 + 1 + 6} = 4$

$x^2 - 6x + 9 - 9 + y^2 + 2y + 1 - 1 - 6 = 0$

$(x-3)^2 + (y+1)^2 = 9 + 1 + 6 \Rightarrow (x-3)^2 + (y+1)^2 = 4^2$

49

Dopo aver determinato per quali valori di k l'equazione $x^2 + y^2 - 6x - 4y + k + 1 = 0$ rappresenta una circonferenza, stabilisci per quale valore di k la circonferenza:

- a. ha raggio 3;
- b. passa per il punto $A\left(-\frac{1}{2}, \frac{3}{2}\right)$;
- c. si trova nel primo quadrante.

$$[k \leq 12; \text{a)} k = 3; \text{b)} k = -\frac{1}{2}; \text{c)} 8 \leq k \leq 12]$$

CENTRO

$$C(3, 2)$$

CONDIZIONE $\alpha^2 + \beta^2 - c > 0$

$$3^2 + 2^2 - (k+1) > 0$$

$$13 - k - 1 > 0 \quad -k > -12$$

$$k < 12$$

a) $r = \sqrt{\alpha^2 + \beta^2 - c} = 3$

$$\alpha^2 + \beta^2 - c = 9$$

$$k < 12$$

$$13 - k - 1 = 9$$

$$k = 13 - 1 - 9 = 3$$

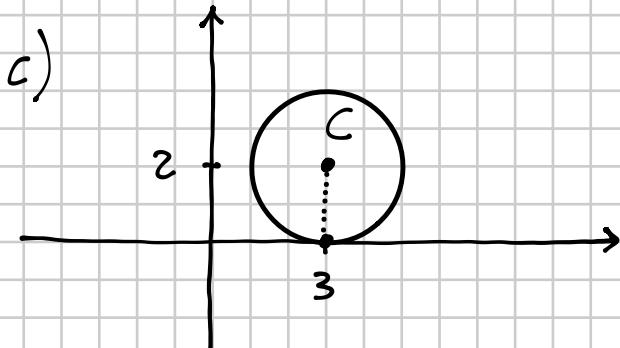
$$k = 3$$

b) $x^2 + y^2 - 6x - 4y + k + 1 = 0 \quad k < 12$

$$A\left(-\frac{1}{2}, \frac{3}{2}\right)$$

$$\frac{1}{4} + \frac{9}{4} + \frac{6}{2} - \frac{12}{2} + k + 1 = 0$$

$$k = -1 - \frac{5}{2} + 3 = \frac{-2 - 5 + 6}{2} = \boxed{-\frac{1}{2}}$$



$$0 < r \leq 2$$

$$0 < r^2 \leq 4$$

$$\underbrace{0 < \alpha^2 + \beta^2 - c \leq 4}_{\text{già fatto}} \Rightarrow k < 12$$

$$\alpha^2 + \beta^2 - c \leq 4$$

$$13 - k - 1 \leq 4$$

$$-k \leq -8 \Rightarrow k \geq 8$$

$$\begin{cases} k \geq 8 \\ k < 12 \end{cases} \Rightarrow$$

$$8 \leq k < 12$$

DISEGNARE

85

$$x^2 + y^2 - |4x - 4| + 2y + 4 = 0$$

$$4x - 4 \geq 0 \Rightarrow |4x - 4| = 4x - 4 \quad x \geq 1 \Rightarrow |4x - 4| = 4x - 4$$

$$4x - 4 < 0 \Rightarrow |4x - 4| = -(4x - 4) \quad x < 1 \Rightarrow |4x - 4| = -4x + 4$$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x + 4 + 2y + 4 = 0 & \text{se } x \geq 1 \\ x^2 + y^2 + 4x - 4 + 2y + 4 = 0 & \text{se } x < 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x + 2y + 8 = 0 & \text{se } x \geq 1 \\ x^2 + y^2 + 4x + 2y = 0 & \text{se } x < 1 \end{cases}$$

$$x^2 + y^2 - 4x + 2y + 8 = 0$$

$$C_1(2, -1) \quad r = \sqrt{4+1-8} \text{ non è circonf.}$$

$$x^2 + y^2 + 4x + 2y = 0$$

$$C_2(-2, -1) \quad r = \sqrt{4+1} = \sqrt{5}$$

