

Data l'equazione dell'iperbole, in ciascuno dei seguenti casi determina la misura del semiasse trasverso, le coordinate dei vertici e dei fuochi, l'equazione degli asintoti, l'eccentricità e rappresenta la curva graficamente.

29

$$\frac{x^2}{64} - \frac{y^2}{36} = 1$$

FUOCHI SU ASSE  $\times$  (perché 1 al 2° membro)

$$a^2 = 64 \Rightarrow a = 8 \text{ SEMIASSE TRASVERSO}$$

$$b^2 = 36 \Rightarrow b = 6 \text{ SEMIASSE NON TRASVERSO}$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{64 + 36} = 10$$

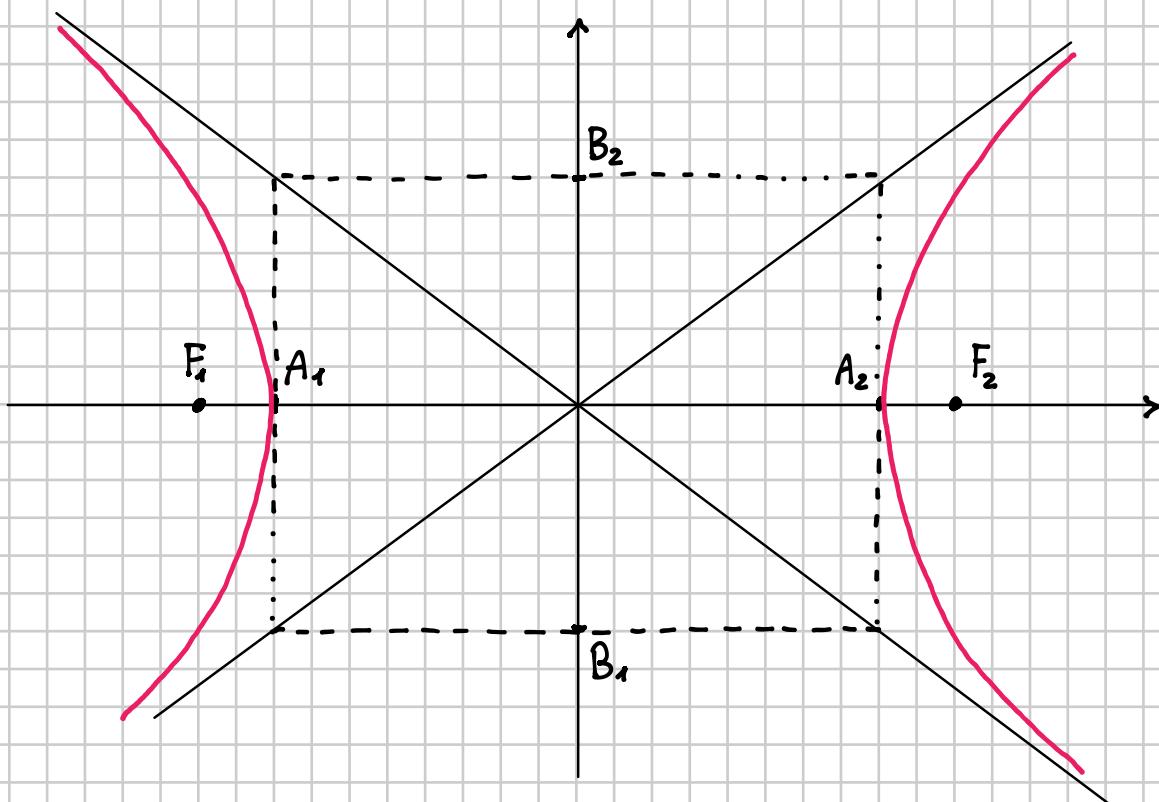
FUOCHI  $F_1(-10, 0)$   $F_2(10, 0)$

VERTICI REALI  $A_1(-8, 0)$   $A_2(8, 0)$

VERTICI NON REALI  $B_1(0, -6)$   $B_2(0, 6)$

ASINTOTI  $y = \pm \frac{b}{a} x \Rightarrow y = \pm \frac{3}{4} x$

ECCENTRICITÀ  $e = \frac{c}{a} = \frac{10}{8} = \frac{5}{4}$



16

$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = -1$$

FUOCHI SU ASSE Y (-1 d 2° membro)

$$a^2 = 9 \Rightarrow a = 3 \text{ SEMIASSE NON TRASVERSA}$$

$$b^2 = 16 \Rightarrow b = 4 \text{ SEMIASSE TRASVERSA}$$

$$c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{9 + 16} = 5$$

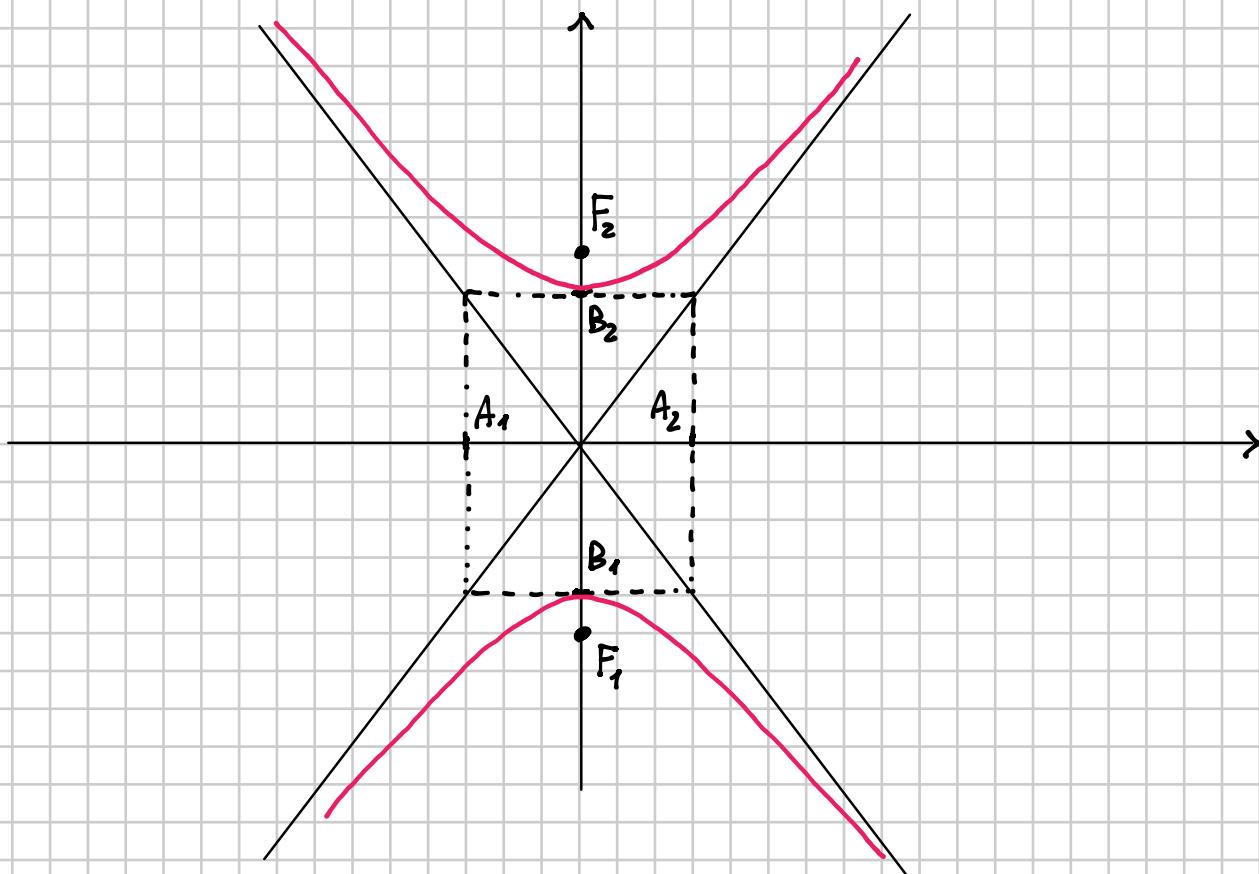
FUOCHI  $F_1(0, -5) \quad F_2(0, 5)$ 

VERTICI REALI

 $B_1(0, -4) \quad B_2(0, 4)$ VERTICI NON REALI  $A_1(-3, 0) \quad A_2(3, 0)$ 

$$\text{ECCENTRICITÀ} \quad e = \frac{c}{b} = \frac{5}{4}$$

$$\text{ASINTOTI} \quad y = \pm \frac{b}{a} x \Rightarrow y = \pm \frac{4}{3} x$$



Determina i valori di  $k$  affinché l'equazione  $\frac{x^2}{2k-1} + \frac{y^2}{k^2-4} = 1$  rappresenti:

- a. un'iperbole;
- b. un'iperbole con i fuochi sull'asse  $x$ ;
- c. un'iperbole che passa per il punto di coordinate  $(0; -\sqrt{5})$ ;
- d. un'iperbole con un fuoco di coordinate  $(2; 0)$ .

$$\left[ \text{a) } k < -2 \vee \frac{1}{2} < k < 2; \text{ b) } \frac{1}{2} < k < 2; \text{ c) } k = -3; \text{ d) } k = 1 \right]$$

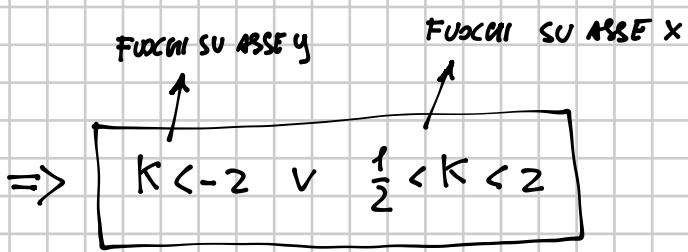
a)

$$\frac{x^2}{2k-1} - \frac{y^2}{4-k^2} = 1 \Rightarrow \begin{array}{l} \text{moltiplico} \\ \text{per } -1 \end{array} \quad \frac{x^2}{1-2k} - \frac{y^2}{k^2-4} = -1$$

$$\begin{cases} 2k-1 > 0 \\ 4-k^2 > 0 \end{cases} \vee \begin{cases} 1-2k > 0 \\ k^2-4 > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} k > \frac{1}{2} \\ -2 < k < 2 \end{cases} \vee \begin{cases} k < \frac{1}{2} \\ k < -2 \vee k > 2 \end{cases}$$

$$\frac{1}{2} < k < 2 \quad \vee \quad k < -2$$



b)  $\frac{1}{2} < k < 2$

c)  $(0, -\sqrt{5})$        $\frac{x^2}{2k-1} + \frac{y^2}{k^2-4} = 1$       con       $k < -2 \vee \frac{1}{2} < k < 2$

SOSTITUISCO

$$\frac{5}{k^2-4} = 1 \quad 5 = k^2 - 4 \quad k^2 = 9 \quad k = \pm 3$$

$$k = 3 \quad \boxed{k = -3}$$

d)  $F_2(2, 0)$

$$\frac{1}{2} < k < 2 \quad (\text{condiz. fuochi su asse } x)$$

↓

$$c = 2$$

$$c^2 = a^2 + b^2$$

↓

$$c^2 = 4$$

$$\underbrace{\frac{1}{2k-1}}_{a^2} + \underbrace{\frac{4-k^2}{k^2-4}}_{b^2} = \frac{4}{c^2} \Rightarrow -k^2 + 2k - 1 = 0$$

$$k^2 - 2k + 1 = 0$$

$$(k-1)^2 = 0$$

$$\boxed{k=1} \quad \begin{array}{l} \text{ACCETTABILE} \\ \text{perché } \frac{1}{2} < k < 2 \end{array}$$